

государственное бюджетное общеобразовательное учреждение Самарской области средняя общеобразовательная школа пос. Ильмень муниципального района Приволжский Самарской области

Рассмотрено на заседании
методического объединения
Протокол № 1
от « 31 » 08 . 2015 г.
Руководитель МО
Н. П. Мяснянкина

Проверено
зам. директора по УВР
Р. М. Яшина
« 1 » 09 . 2015 г.

Утверждаю Директор ГБОУ
СОШ п. Ильмень
М. Ю. Кильдюшова
« 1 » 09 . 2015 г.



Рабочая программа
по предмету «Алгебра и начала анализа»
(10-11классы)

Пояснительная записка

Рабочая программа по алгебре и началам анализа составлена в соответствии со следующими документами:

1. Федеральным законом "Об образовании в Российской Федерации" от 29.12.2012 № 273-ФЗ (ред. от 04.06.2014 г.);
2. Федеральным компонентом государственного образовательного стандарта начального общего, основного общего и среднего общего образования, утвержденного приказом Минобрнауки России от 05.03.2004 г. № 1089;
3. законом Самарской области от 22.12.2014 № 133-ГД "Об образовании в Самарской области" (принят Самарской Губернской Думой 09.12.2014 г.);
4. постановлением Главного государственного санитарного врача Российской Федерации от 29.12.2010 № 189 (в редакции от 25.12.2013 Г. № 72) «Об утверждении СанПиН 2.4.2.2821-10 «Санитарно-эпидемиологические требования к условиям и организации обучения в общеобразовательных учреждениях» (с изменениями, утв. постановлением Главного государственного санитарного врача РФ от 24.11.2015 г. № 81);
5. федеральным перечнем учебников, рекомендуемых к использованию при реализации имеющих государственную аккредитацию образовательных программ начального, общего и среднего общего образования, утвержденным приказом Минобрнауки России от 31.03.2014 г. № 253;
6. Концепцией духовно-нравственного развития и воспитания личности гражданина России;
7. устава ГБОУ СОШ пос. Ильмень;
8. положения о рабочей программе по предмету (курсу), разработанного в ГБОУ СОШ пос. Ильмень;
9. основной образовательной программой среднего общего образования ГБОУ СОШ пос. Ильмень.

на основе программы по алгебре и началам математического анализа для 10-11 классов авторов С. М. Никольский, М. К. Потапов, Н. Н. Решетников, А. В. Шевкин. (Алгебра и начала анализа. Сборник рабочих программ.10-11классы:пособие для учителей общеобразовательных организации/ составитель Т.А.Бурмистрова.М.:Просвещение, 2014.) Данная рабочая программа рассчитана на 2 года. Нет изменений в количестве часов, она ориентирована на использование учебно-методического комплекта для изучения предметной области Алгебра и начала анализа для учащихся 10-11 классов общеобразовательного учреждения, в состав которого входят:

1. Алгебра и начала математического анализа. 10 класс : учеб.для общеобразоват. учреждений: базовый и профил. уровни/[С. М. Никольский, М. К. Потапов, Н. Н. Решетников, А. В. Шевкин].-11-е изд. - М.: Просвещение, 2015 . – 430 с. : ил. – (МГУ – школе).
2. Алгебра и начала математического анализа. 11 класс : учеб.для общеобразоват. учреждений: базовый и профил. уровни/[С. М. Никольский, М. К. Потапов, Н. Н. Решетников, А. В. Шевкин].-10-е изд. - М.: Просвещение, 2015 .
3. Потапов М.К. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 10 класс: базовый и профил. уровни /М.К.Потапов, А.В. Шевкин. – 7-е изд. – М.:

- Просвещение, 2014. – 159 с. : ил. – (МГУ – школе).
4. Потапов М.К. Алгебра и начала математического анализа. Дидактические материалы. 11 класс: базовый и профил. уровни /М.К.Потапов, А.В. Шевкин. – 7-е изд. – М.: Просвещение, 2014. – 159 с. : ил. – (МГУ – школе).

Общая характеристика учебного предмета

При изучении курса математики на базовом уровне продолжают и получают развитие содержательные линии: «Алгебра», «Функции», «Уравнения и неравенства», «Геометрия», «Элементы комбинаторики, теории вероятностей, статистики и логики», вводится линия «Начала математического анализа». В рамках указанных содержательных линий решаются следующие задачи:

- ✓ систематизация сведений о числах; изучение новых видов числовых выражений и формул; совершенствование практических навыков и вычислительной культуры, расширение и совершенствование алгебраического аппарата, сформированного в основной школе, и его применение к решению математических и нематематических
- ✓ задач;
- ✓ расширение и систематизация общих сведений о функциях, пополнение класса изучаемых функций, иллюстрация широты применения функций для описания и изучения реальных зависимостей;
- ✓ изучение свойств пространственных тел, формирование умения применять полученные знания для решения практических задач;
- ✓ развитие представлений о вероятностно-статистических закономерностях в окружающем мире, совершенствование интеллектуальных и речевых умений путем обогащения математического языка, развития логического мышления;
- ✓ знакомство с основными идеями и методами математического анализа.

Изучение математики на базовом уровне среднего (полного) общего образования направлено на достижение следующих целей:

- ✓ формирование представлений о математике как универсальном языке науки, средстве моделирования явлений и процессов, об идеях и методах математики;
- ✓ развитие логического мышления, пространственного воображения, алгоритмической культуры, критичности мышления на уровне, необходимом для обучения в высшей школе по соответствующей специальности, в будущей профессиональной деятельности;
- ✓ овладение математическими знаниями и умениями, необходимыми в повседневной жизни, для изучения школьных естественнонаучных дисциплин на базовом уровне, для получения образования в областях, не требующих углубленной математической подготовки;
- ✓ воспитание средствами математики культуры личности: отношения к математике как части общечеловеческой культуры;
- ✓ знакомство с историей развития математики, эволюцией математических идей, понимания значимости математики для общественного прогресса

Планируемые результаты изучения курса алгебры и начала анализа в 10-11 классах

Математика (базовый уровень):

1) сформированность представлений о математике как части мировой культуры и о месте математики в современной цивилизации, о способах описания на математическом языке явлений реального мира;

2) сформированность представлений о математических понятиях как о важнейших математических моделях, позволяющих описывать и изучать разные процессы и явления; понимания возможности аксиоматического

построения математических теорий;

3) владение методами доказательств и алгоритмов решения; умение их применять, проводить доказательные рассуждения в ходе решения задач;

4) владение стандартными приёмами решения рациональных и иррациональных, показательных, степенных, тригонометрических уравнений и неравенств, их систем,

использование готовых компьютерных программ, в том числе для поиска пути решения и иллюстрации решения уравнений и неравенств;

5) сформированность представлений об основных понятиях, идеях и методах математического анализа;

6) владение основными понятиями о плоских и пространственных геометрических фигурах, их основных свойствах; сформированность умения распознавать на чертежах, моделях и в реальном мире геометрические фигуры; применение изученных свойств геометрических фигур и формул для решения геометрических задач и задач с практическим содержанием;

7) сформированность представлений о процессах и явлениях, имеющих вероятностный характер, о статистических закономерностях в реальном мире, об основных понятиях элементарной теории вероятностей; умений находить и оценивать вероятности наступления событий в простейших практических ситуациях и основные характеристики случайных величин;

8) владение навыками использования готовых компьютерных программ при решении задач.

Математика (профильный уровень) - требования к предметным результатам освоения курса математики на профильном уровне должны включать требования к результатам освоения курса на базовом уровне и

дополнительно отражать:

1) сформированность представлений о необходимости доказательств при обосновании математических утверждений и роли аксиоматики в проведении дедуктивных рассуждений;

- 2) сформированность понятийного аппарата по основным разделам курса математики; знаний основных теорем, формул и умения их применять; умения доказывать теоремы и находить нестандартные способы решения задач;
- 3) сформированность умения моделировать реальные ситуации, исследовать построенные модели, интерпретировать полученный результат;
- 4) сформированность представлений об основных понятиях математического анализа и их свойствах, владение умением характеризовать поведение функций, использование полученных знаний для описания и анализа реальных зависимостей;
- 5) владение умениями составления вероятностных моделей по условию задачи и вычисления вероятности наступления событий, в том числе с применением формул комбинаторики и основных теорем теории вероятностей; исследования случайных величин по их распределению.

СОДЕРЖАНИЕ КУРСА АЛГЕБРЫ И НАЧАЛ АНАЛИЗА В 10-11КЛАССах

Базовый уровень

Элементы теории множеств и математической логики

Конечное множество, элемент множества, подмножество, пересечение и объединение множеств, числовые множества на координатной прямой, отрезок, интервал, *промежуток с выколотой точкой*, *графическое представление множеств на координатной плоскости*. Утверждение (высказывание), отрицание утверждения, истинные и ложные утверждения, следствие, частный случай общего утверждения, контрпример, доказательство.

Числа и выражения

Корень n -й степени и его свойства. *Понятие предела числовой последовательности*. Степень с действительным показателем, свойства степени. Действия с корнями натуральной степени из чисел, *тождественные преобразования выражений, включающих степени и корни*. Логарифм числа. Десятичные и натуральные логарифмы. Число e . Логарифмические тождества. Действия с логарифмами чисел; *простейшие преобразования выражений, включающих логарифмы*. Изображение на числовой прямой целых и рациональных чисел, корней натуральной степени из чисел, логарифмов чисел. Тригонометрическая окружность, *радианная мера угла*. Синус, косинус, тангенс, *котангенс* произвольного угла. Основное тригонометрическое тождество и следствия из него. Значения тригонометрических функций для углов 0° , 30° , 45° , 60° , 90° , 180° , 270° . Формулы приведения, сложения, формулы двойного и половинного угла.

Уравнения и неравенства

Уравнения с одной переменной. Простейшие иррациональные уравнения. Логарифмические и показательные уравнения вида $\log_a (bx + c) = d$, $abx + c = d$ (где d можно представить в виде степени с основанием a и рациональным показателем) и их решения. Тригонометрические уравнения вида $\sin x = a$, $\cos x = a$, $\operatorname{tg} x = a$, где a — табличное значение соответствующей тригонометрической функции, и их решения. Неравенства с одной переменной вида $\log_a x < d$, $ax < d$ (где d можно представить в виде степени с основанием a).

Несложные рациональные, показательные, логарифмические, тригонометрические уравнения, неравенства и их системы, простейшие иррациональные уравнения и неравенства.

Метод интервалов. Графические методы решения уравнений и неравенств.

Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля.

Уравнения, системы уравнений с параметром.

Функции

Понятие функции. Нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значения функции. Периодичность функции. Чётность и нечётность функций.

Степенная, показательная и логарифмические функции; их свойства и графики. Сложные функции.

Тригонометрические функции $y = \cos x$, $y = \sin x$, $y = \operatorname{tg} x$. Функция $y = \operatorname{ctg} x$. Свойства и графики тригонометрических функций. Арккосинус, арксинус, арктангенс числа, арккотангенс числа. Обратные тригонометрические функции, их свойства и графики. Преобразования графиков функций: сдвиги вдоль координатных осей, растяжение и сжатие, симметрия относительно координатных осей и начала координат. Графики взаимно обратных функций.

Элементы математического анализа

Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Производные элементарных функций. Производная суммы, произведения, частного, двух функций.

Вторая производная, её геометрический и физический смысл.

Понятие о непрерывных функциях. Точки экстремума (максимума и минимума).

Исследование элементарных функций на точки экстремума, нахождение наибольшего и наименьшего значений функции с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении задач. Первообразная.

Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона—Лейбница. Определённый интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объёмов тел вращения с помощью интеграла.

Статистика и теория вероятностей, логика и комбинаторика

Частота и вероятность события. Достоверные, невозможные и случайные события.

Вычисление вероятностей в опытах с равновероятными элементарными исходами.

Решение задач с применением комбинаторики.

Вероятность суммы двух несовместных событий. Противоположное событие и его вероятность. Правило умножения вероятностей. Формула полной вероятности.

Решение задач с применением дерева вероятностей.

Дискретные случайные величины и их распределения.

Математическое ожидание, дисперсия случайной величины. Среднее квадратичное отклонение.

Понятие о нормальном распределении. Примеры случайных величин, подчинённых нормальному закону (погрешность измерений, рост человека).

Представление о законе больших чисел. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе.

Совместные наблюдения двух случайных величин. Понятие о корреляции.

Углублённый уровень

Элементы теории множеств и математической логики

Понятие множества. Характеристическое свойство, элемент множества, пустое, конечное, бесконечное множества. Способы задания множеств. Подмножество. Отношения принадлежности, включения, равенства. Операции над множествами, их иллюстрации с помощью кругов Эйлера. Счётные и несчётные множества.

Истинные и ложные высказывания (утверждения), операции над высказываниями.

Кванторы существования и всеобщности. Алгебра высказываний.

Законы логики. Основные логические правила. Решение логических задач с использованием кругов Эйлера. Умозаключения. Обоснование и доказательство в математике. Определения. Теоремы. Виды доказательств. Математическая индукция.

Утверждения: обратное данному, противоположное, обратное противоположному.

Признак и свойство, необходимые и достаточные условия.

Числа и выражения

Множества натуральных, целых, рациональных, действительных чисел. Множество комплексных чисел. Действия с комплексными числами. Комплексно сопряжённые числа. Модуль и аргумент числа. Тригонометрическая форма комплексного числа. Радианная мера угла. Тригонометрическая окружность. Синус, косинус, тангенс и котангенс числа. Тригонометрические формулы приведения и сложения, формулы двойного и половинного угла. Преобразование суммы и разности тригонометрических функций в произведение и обратные преобразования.

Степень с действительным показателем, свойства степени. Число e . Логарифм, свойства логарифма. Десятичный и натуральный логарифмы. Тождественные преобразования тригонометрических, логарифмических, степенных и иррациональных выражений. Метод математической индукции. Основная теорема арифметики. Остатки и сравнения. Алгоритм Евклида. Китайская теорема об остатках. Малая теорема Ферма. Системы счисления, отличные от десятичных. Функция Эйлера, число и сумма делителей натурального числа. Основная теорема алгебры. Приводимые и неприводимые многочлены. Симметрические многочлены. Целочисленные и целозначные многочлены.

Уравнения и неравенства

Уравнение, являющееся следствием другого уравнения; уравнения, равносильные на множестве, равносильные преобразования уравнений. Тригонометрические, показательные, логарифмические и иррациональные уравнения и неравенства. Типы уравнений. Решение уравнений и неравенств. Метод интервалов для решения неравенств. Графические методы решения уравнений и неравенств. Решение уравнений и неравенств, содержащих переменную под знаком модуля. Системы тригонометрических, показательных, логарифмических и иррациональных уравнений. Системы тригонометрических, показательных, логарифмических и иррациональных неравенств. Уравнения, системы уравнений с параметрами. Неравенства с параметрами. Решение уравнений степени выше второй специальных видов. Формулы Виета. Теорема Безу. Диофантовы уравнения. Решение уравнений в комплексных числах. Неравенства о средних. Неравенство Бернулли.

Функции

Функция и её свойства; нули функции, промежутки знакопостоянства, монотонность. Наибольшее и наименьшее значения функции. Периодическая функция и её наименьший период. Чётные и нечётные функции. Функции «дробная часть числа» $y = \{x\}$ и «целая часть числа» $y = [x]$. Взаимно обратные функции. Графики взаимно обратных функций. Тригонометрические функции числового аргумента $y = \cos x$, $y = \sin x$, $y = \operatorname{tg} x$, $y = \operatorname{ctg} x$. Свойства и графики тригонометрических функций. Обратные тригонометрические функции, их главные значения, свойства и графики. Степенная, показательная, логарифмическая функции, их свойства и графики. Преобразования графиков функций: сдвиг, умножение на число, симметрия относительно координатных осей и начала координат.

Элементы математического анализа

Бесконечно малые и бесконечно большие числовые последовательности. Предел числовой последовательности. Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия. Понятие предела функции в точке. Понятие предела функции в бесконечности. Асимптоты графика функции. Непрерывность функции. Свойства непрерывных функций. Теорема Вейерштрасса для непрерывных функций. Дифференцируемость функции. Производная функции в точке. Касательная к графику функции. Геометрический и физический смысл производной. Применение производной в физике. Производные элементарных функций. Правила дифференцирования. Вторая производная, её геометрический и физический смысл. Точки экстремума (максимума и минимума). Исследование элементарных функций на точки экстремума, наибольшее и наименьшее значения

с помощью производной. Построение графиков функций с помощью производных. Применение производной при решении прикладных задач на максимум и минимум. Первообразная. Неопределённый интеграл. Первообразные элементарных функций. Площадь криволинейной трапеции. Формула Ньютона -Лейбница. Определённый интеграл. Вычисление площадей плоских фигур и объёмов тел вращения с помощью интеграла. Дифференциальные уравнения первого и второго порядка.

Комбинаторика, вероятность и статистика, логика и теория графов

Правило произведения в комбинаторике. Соединения без повторений. Сочетания и их свойства. Бином Ньютона. Соединения с повторениями. Вероятность события. Сумма вероятностей несовместных событий. Противоположные события. Условная вероятность. Независимые события. Произведение вероятностей независимых событий. Формула Бернулли. Формула полной вероятности. Формула Байеса. Вероятностное пространство. Аксиомы теории вероятностей. Дискретные случайные величины и их распределения. Совместные распределения. Распределение суммы и произведения независимых случайных величин. Математическое ожидание и дисперсия случайной величины. Математическое ожидание и дисперсия суммы случайных величин. Бинарная случайная величина, распределение Бернулли. Геометрическое распределение. Биномиальное распределение и его свойства. Непрерывные случайные величины. Плотность вероятности. Функция распределения. Равномерное распределение. Нормальное распределение. Функция Лапласа. Параметры нормального распределения. Примеры случайных величин, подчинённых нормальному закону (погрешность измерений, рост человека). Закон больших чисел. Выборочный метод измерения вероятностей. Роль закона больших чисел в науке, природе и обществе. Корреляция двух случайных величин. Понятие о коэффициенте корреляции. Статистическая гипотеза. Статистические критерии. Статистическая значимость. Проверка простейших гипотез. Основные понятия теории графов.

ТЕМАТИЧЕСКОЕ ПЛАНИРОВАНИЕ

(углубленный, 1 вариант-4 часа в неделю)

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
10 класс				
Глава I. Корни, степени, логарифмы		72	87	Выполнять вычисления с действительными числами (точные и приближённые), преобразовывать числовые выражения. Знать и применять обозначения основных подмножеств множества действительных чисел, обозначения числовых промежутков. Применять метод математической индукции для доказательства равенств, неравенств, утверждений, зависящих от натурального n . Оперировать формулами для числа перестановок, размещений и сочетаний. Доказывать числовые неравенства.
§ 1. Действительные числа		12	13	
1.1	Понятие действительного числа	2	2	
1.2	Множества чисел. Свойства действительных чисел	2	2	
1.3*	Метод математической индукции	1	1	
1.4	Перестановки	1	1	
1.5	Размещения	1	1	
1.6	Сочетания	1	1	

1.7*	Доказательство числовых неравенств	1	2	Применять свойства делимости (сравнения по модулю m), целочисленность неизвестных при решении задач
1.8*	Делимость целых чисел	1	1	
1.9*	Сравнения по модулю m	1	1	
1.10*	Задачи с целочисленными неизвестными	1	1	
§ 2. Рациональные уравнения и неравенства		18	25	Доказывать формулу бинома Ньютона и основные комбинаторные соотношения на биномиальные коэффициенты. Пользоваться треугольником Паскаля для решения задач о биномиальных коэффициентах. Оценивать число корней целого алгебраического уравнения. Находить кратность корней многочлена. Уметь делить многочлен на многочлен (уголком или по схеме Горнера). Использовать деление многочленов с остатком для выделения целой части алгебраической дроби при решении задач. Уметь решать рациональные уравнения и их системы. Применять различные приёмы решения целых алгебраических уравнений: подбор целых корней; разложение на множители (включая метод неопределённых коэффициентов); понижение степени уравнения; подстановка (замена неизвестного). Находить числовые промежутки, содержащие корни алгебраических уравнений. Решать рациональные не-
2.1	Рациональные выражения	1	1	
2.2	Формулы бинома Ньютона, суммы и разности степеней	2	3	
2.3*	Деление многочленов с остатком. Алгоритм Евклида	—	2	
2.4*	Теорема Безу	—	1	
2.5*	Корень многочлена	—	2	
2.6	Рациональные уравнения	2	2	
2.7	Системы рациональных уравнений	2	2	
2.8	Метод интервалов решения неравенств	3	3	
2.9	Рациональные неравенства	3	3	
2.10	Нестрогие неравенства	3	3	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
2.11	Системы рациональных неравенств	1	2	равенства методом интервалов. Решать системы неравенств
	Контрольная работа № 1	1	1	
§ 3. Корень степени n		12	14	Формулировать определения функции, её графика. Формулировать и уметь доказывать свойства функции $y = x^n$. Формулировать определения корня степени n , арифметического корня степени n . Формулировать свойства корней и применять их при преобразовании числовых и буквенных выражений. Выполнять преобразования иррациональных выражений. Формулировать свойства функции $y = \sqrt[n]{x}$, строить график
3.1	Понятие функции и её графика	1	1	
3.2	Функция $y = x^n$	2	2	
3.3	Понятие корня степени n	1	1	
3.4	Корни чётной и нечётной степеней	2	2	
3.5	Арифметический корень	2	2	
3.6	Свойства корней степени n	2	2	
3.7*	Функция $y = \sqrt[n]{x}$ ($x \geq 0$)	1	1	
3.8*	Функция $y = \sqrt[n]{x}$	—	1	
3.9*	Корень степени n из натурального числа	—	1	
	Контрольная работа № 2	1	1	

§ 4. Степень положительного числа		13	14	Формулировать определения степени с рациональным показателем. Формулировать свойства степени с рациональным показателем и применять их при преобразовании числовых и буквенных выражений. Формулировать определения степени с иррациональным показателем и её свойства. Формулировать определение предела последовательности, приводить примеры последовательностей, имеющих предел и не имеющих предела, вычислять несложные пределы, решать задачи, связанные с бесконечно убывающей геометрической прогрессией. Формулировать свойства показательной функции, строить её график. По графику показательной функции описывать её свойства. Приводить примеры показательной функции (заданной с помощью графика или формулы), обладающей заданными свойствами. Уметь пользоваться теоремой о пределе монотонной ограниченной последовательности
4.1	Степень с рациональным показателем	1	1	
4.2	Свойства степени с рациональным показателем	2	2	
4.3	Понятие предела последовательности	2	2	
4.4*	Свойства пределов	2	2	
4.5	Бесконечно убывающая геометрическая прогрессия	1	2	
4.6	Число e	1	1	
4.7	Понятие степени с иррациональным показателем	1	1	
4.8	Показательная функция	2	2	
Контрольная работа № 3		1	1	
§ 5. Логарифмы		6	8	Формулировать определение логарифма, знать свойства логарифмов. Доказывать свойства логарифмов и применять свойства при преобразовании числовых и буквенных выражений. Выполнять преобразования степенных и логарифмических выражений.
5.1	Понятие логарифма	2	2	
5.2	Свойства логарифмов	3	3	
5.3	Логарифмическая функция	1	1	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
5.4*	Десятичные логарифмы	—	1	По графику логарифмической функции описывать её свойства. Приводить примеры логарифмических функций (заданных с помощью графика или формулы), обладающих заданными свойствами
5.5*	Степенные функции	—	1	
§ 6. Показательные и логарифмические уравнения и неравенства		11	13	Решать простейшие показательные и логарифмические уравнения и неравенства, а также уравнения и неравенства, сводящиеся к простейшим при помощи замены неизвестного
6.1	Простейшие показательные уравнения	1	2	
6.2	Простейшие логарифмические уравнения	1	2	
6.3	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	2	2	
6.4	Простейшие показательные неравенства	2	2	
6.5	Простейшие логарифмические неравенства	2	2	
6.6	Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	2	2	
Контрольная работа № 4		1	1	

Глава II. Тригонометрические формулы. Тригонометрические функции		45	59	<p>Формулировать определение угла, использовать градусную и радианную меры угла. Переводить градусную меру угла в радианную и обратно.</p> <p>Формулировать определения синуса и косинуса угла.</p> <p>Знать основные формулы для $\sin \alpha$ и $\cos \alpha$ и применять их при преобразовании тригонометрических выражений.</p> <p>Формулировать определения арксинуса и арккосинуса числа, знать и применять формулы для арксинуса и арккосинуса</p>
§ 7. Синус и косинус угла		7	11	
7.1	Понятие угла	1	1	
7.2	Радианная мера угла	1	1	
7.3	Определение синуса и косинуса угла	1	1	
7.4	Основные формулы для $\sin \alpha$ и $\cos \alpha$	2	2	
7.5	Арксинус	1	2	
7.6	Арккосинус	1	2	
7.7*	Примеры использования арксинуса и арккосинуса	—	1	
7.8*	Формулы для арксинуса и арккосинуса	—	1	
§ 8. Тангенс и котангенс угла		6	10	<p>Формулировать определения тангенса и котангенса угла. Знать основные формулы для $\operatorname{tg} \alpha$ и $\operatorname{ctg} \alpha$ и применять их при преобразовании тригонометрических выражений. Формулировать определения арктангенса и арккотангенса числа, знать и применять формулы для арктангенса и арккотангенса</p>
8.1	Определение тангенса и котангенса угла	1	1	
8.2	Основные формулы для $\operatorname{tg} \alpha$ и $\operatorname{ctg} \alpha$	2	2	
8.3	Арктангенс	1	2	
8.4*	Арккотангенс	1	2	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
8.5*	Примеры использования арктангенса и арккотангенса	—	1	
8.6*	Формулы для арктангенса и арккотангенса	—	1	
	Контрольная работа № 5	1	1	
§ 9. Формулы сложения		11	13	<p>Знать формулы косинуса разности (суммы) двух углов, формулы для дополнительных углов, синуса суммы (разности) двух углов, суммы и разности синусов и косинусов, формулы для двойных и половинных углов, произведения синусов и косинусов, формулы для тангенсов.</p> <p>Выполнять преобразования тригонометрических выражений при помощи формул</p>
9.1	Косинус разности и косинус суммы двух углов	2	2	
9.2	Формулы для дополнительных углов	1	1	
9.3	Синус суммы и синус разности двух углов	2	2	
9.4	Сумма и разность синусов и косинусов	2	2	
9.5	Формулы для двойных и половинных углов	2	2	
9.6*	Произведение синусов и косинусов	1	2	
9.7*	Формулы для тангенсов	1	2	

§ 10. Тригонометрические функции числового аргумента		9	9	Знать определения основных тригонометрических функций, их свойства, уметь строить их графики. По графикам тригонометрических функций описывать их свойства
10.1	Функция $y = \sin x$	2	2	
10.2	Функция $y = \cos x$	2	2	
10.3	Функция $y = \operatorname{tg} x$	2	2	
10.4	Функция $y = \operatorname{ctg} x$	2	2	
Контрольная работа № 6		1	1	
§ 11. Тригонометрические уравнения и неравенства		12	16	Решать простейшие тригонометрические уравнения, неравенства, а также уравнения и неравенства, сводящиеся к простейшим при помощи замены неизвестного, решать однородные уравнения. Применять все изученные свойства и способы решения тригонометрических уравнений и неравенств при решении прикладных задач. Решать тригонометрические уравнения, неравенства при помощи введения вспомогательного угла, замены неизвестного $t = \sin x + \cos x$
11.1	Простейшие тригонометрические уравнения	2	2	
11.2	Уравнения, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	2	3	
11.3	Применение основных тригонометрических формул для решения уравнений	2	2	
11.4	Однородные уравнения	1	1	
11.5*	Простейшие неравенства для синуса и косинуса	1	1	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
11.6*	Простейшие неравенства для тангенса и котангенса	1	1	
11.7*	Неравенства, сводящиеся к простейшим заменой неизвестного	1	2	
11.8*	Введение вспомогательного угла	1	2	
11.9*	Замена неизвестного $t = \sin x + \cos x$	—	1	
Контрольная работа № 7		1	1	
Глава III. Элементы теории вероятностей		8	9	Приводить примеры случайных величин (число успехов в серии испытаний, число попыток при угадывании, размеры выигрыша (прибыли) в зависимости от случайных обстоятельств и т. п.). Находить математическое ожидание и дисперсию случайной величины в случае конечного числа исходов. Устанавливать независимость случайных величин. Делать обоснованные предположения о независимости случайных величин на основании статистических данных
§ 12. Вероятность события		6	6	
12.1	Понятие вероятности события	3	3	
12.2	Свойства вероятностей событий	3	3	
§ 13*. Частота. Условная вероятность		2	3	
13.1*	Относительная частота события	1	2	
13.2*	Условная вероятность. Независимые события	1	1	

§ 14*. Математическое ожидание. Закон больших чисел¹		—	—	Иметь представление о законе больших чисел для последовательности независимых случайных величин, в частности представлять себе порядок типичного отклонения от среднего значения в зависимости от числа испытаний. Вычислять вероятность получения k успехов в испытаниях Бернулли с параметрами p, q
14.1*	Математическое ожидание	—	—	
14.2*	Сложный опыт	—	—	
14.3*	Формула Бернулли. Закон больших чисел	—	—	
Итоговое повторение		11	15	
Итоговая контрольная работа № 8		1	2	
11 класс				
Глава I. Функции. Производные. Интегралы		60	68	Знать определения элементарной функции, ограниченной, чётной (нечётной), периодической, возрастающей (убывающей) функции. Доказывать свойства функций, исследовать функции элементарными средствами. Выполнять преобразования графиков элементарных функций: сдвиги вдоль координатных осей, сжатие и растяжение, отражение относительно осей, строить графики функций, содержащих модули, графики сложных функций.
§ 1. Функции и их графики		9	11	
1.1	Элементарные функции	1	1	
1.2	Область определения и область изменения функции. Ограниченность функции	1	1	
1.3	Чётность, нечётность, периодичность функций	2	2	

¹Этот параграф изучается при наличии дополнительного учебного времени.

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
1.4	Промежутки возрастания, убывания, знакопостоянства и нули функции	2	2	По графикам функций описывать их свойства (монотонность, наличие точек максимума, минимума, значения максимумов и минимумов, ограниченность, чётность, нечётность, периодичность)
1.5	Исследование функций и построение их графиков элементарными методами	1	1	
1.6	Основные способы преобразования графиков	1	2	
1.7*	Графики функций, содержащих модули	1	1	
1.8*	Графики сложных функций	—	1	
§ 2. Предел функции и непрерывность		5	6	Объяснять и иллюстрировать понятие предела функции в точке. Приводить примеры функций, не имеющих предела в некоторой точке. Знать и применять свойства пределов, непрерывность функции, вычислять пределы функций. Анализировать поведение функций при $x \rightarrow +\infty$, при $x \rightarrow -\infty$
2.1	Понятие предела функции	1	1	
2.2	Односторонние пределы	1	1	
2.3	Свойства пределов функций	1	1	
2.4	Понятие непрерывности функции	1	1	
2.5	Непрерывность элементарных функций	1	1	
2.6*	Разрывные функции	—	1	

§ 3. Обратные функции		6	6	Знать определение функции, обратной данной, уметь находить формулу функции, обратной данной, знать определения функций, обратных четырём основным тригонометрическим функциям, строить график обратной функции
3.1	Понятие обратной функции	1	1	
3.2*	Взаимно обратные функции	1	1	
3.3*	Обратные тригонометрические функции	2	2	
3.4*	Примеры использования обратных тригонометрических функций	1	1	
Контрольная работа № 1		1	1	
§ 4. Производная		11	12	Находить мгновенную скорость изменения функции. Вычислять приращение функции в точке. Находить предел отношения $\frac{\Delta y}{\Delta x}$. Знать определение производной функции. Вычислять значение производной функции в точке (по определению). Выводить и использовать правила вычисления производной. Находить производные суммы, произведения двух функций и частного. Находить производные элементарных функций. Находить производную сложной функции, обратной функции
4.1	Понятие производной	2	2	
4.2	Производная суммы. Производная разности	2	2	
4.3*	Непрерывность функции, имеющей производную. Дифференциал	1	1	
4.4	Производная произведения. Производная частного	2	2	
4.5	Производные элементарных функций	1	1	
4.6	Производная сложной функции	2	2	
4.7*	Производная обратной функции	—	1	
Контрольная работа № 2		1	1	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
§ 5. Применение производной		16	18	Находить точки минимума и максимума функции. Находить наибольшее и наименьшее значения функции на отрезке. Находить угловой коэффициент касательной к графику функции в точке с заданной абсциссой x_0 . Записывать уравнение касательной к графику функции, заданной в точке. Применять производную для приближённых вычислений. Находить промежутки возрастания и убывания функции. Доказывать, что заданная функция возрастает (убывает) на указанном промежутке. Находить наибольшее и наименьшее значения функции. Находить вторую производную и ускорение процесса, описываемого при помощи формулы. Исследовать функцию с помощью производной и строить её график. Применять производную при решении геометрических, физических и других задач
5.1	Максимум и минимум функции	2	2	
5.2	Уравнение касательной	2	2	
5.3	Приближённые вычисления	1	1	
5.4*	Теоремы о среднем	—	1	
5.5	Возрастание и убывание функции	2	2	
5.6	Производные высших порядков	1	1	
5.7*	Выпуклость графика функции	—	1	
5.8*	Экстремум функции с единственной критической точкой	2	2	
5.9	Задачи на максимум и минимум	2	2	
5.10*	Асимптоты. Дробно-линейная функция	1	1	
5.11	Построение графиков функций с применением производных	2	2	

5.12*	Формула и ряд Тейлора ¹	—	—	Знать и применять определение первообразной и неопределённого интеграла. Находить первообразные элементарных функций, первообразные $f(x) + g(x)$, $kf(x)$ и $f(kx + b)$. Интегрировать функции при помощи замены переменной, интегрирования по частям. Вычислять площадь криволинейной трапеции. Находить приближённые значения интегралов. Вычислять площадь криволинейной трапеции, используя геометрический смысл определённого интеграла, вычислять определённый интеграл при помощи формулы Ньютона—Лейбница. Знать и применять свойства определённого интеграла, применять определённые интегралы при решении геометрических и физических задач. Решать несложные дифференциальные уравнения, задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям
	Контрольная работа № 3	1	1	
§ 6. Первообразная и интеграл		13	15	
6.1	Понятие первообразной	3	3	
6.2*	Замена переменной. Интегрирование по частям	—	2	
6.3	Площадь криволинейной трапеции	1	1	
6.4	Определённый интеграл	2	2	
6.5*	Приближённое вычисление определённого интеграла	1	1	
6.6	Формула Ньютона—Лейбница	3	3	
6.7	Свойства определённого интеграла	1	1	
6.8*	Применение определённых интегралов в геометрических и физических задачах	1	1	
6.9*	Понятие дифференциального уравнения ¹	—	—	
6.10*	Задачи, приводящие к дифференциальным уравнениям ¹	—	—	
	Контрольная работа № 4	1	1	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
Глава II. Уравнения. Неравенства. Системы		57	72	Знать определение равносильных уравнений (неравенств) и преобразования, приводящие данное уравнение (неравенство) к равносильному, устанавливать равносильность уравнений (неравенств)
§ 7. Равносильность уравнений и неравенств		4	4	
7.1	Равносильные преобразования уравнений	2	2	
7.2	Равносильные преобразования неравенств	2	2	
§ 8. Уравнения-следствия		8	9	Знать определение уравнения-следствия, преобразования, приводящие данное уравнение к уравнению-следствию. Решать уравнения при помощи перехода к уравнению-следствию
8.1	Понятие уравнения-следствия	1	1	
8.2	Возведение уравнения в чётную степень	2	2	
8.3	Потенцирование логарифмических уравнений	2	2	
8.4	Другие преобразования, приводящие к уравнению-следствию	1	2	
8.5	Применение нескольких преобразований, приводящих к уравнению-следствию	2	2	

§ 9. Равносильность уравнений и неравенств системам		13	13	Решать уравнения переходом к равносильной системе. Решать уравнения вида $f(\alpha(x)) = f(\beta(x))$. Решать неравенства переходом к равносильной системе. Решать неравенства вида $f(\alpha(x)) > f(\beta(x))$
9.1	Основные понятия	1	1	
9.2	Решение уравнений с помощью систем	2	2	
9.3	Решение уравнений с помощью систем (продолжение)	2	2	
9.4*	Уравнения вида $f(\alpha(x)) = f(\beta(x))$	2	2	
9.5	Решение неравенств с помощью систем	2	2	
9.6	Решение неравенств с помощью систем (продолжение)	2	2	
9.7*	Неравенства вида $f(\alpha(x)) > f(\beta(x))$	2	2	
§ 10. Равносильность уравнений на множествах		7	11	Решать уравнения при помощи равносильности на множествах
10.1	Основные понятия	1	1	
10.2	Возведение уравнения в чётную степень	2	2	
10.3*	Умножение уравнения на функцию	1	2	
10.4*	Другие преобразования уравнений	1	2	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
10.5*	Применение нескольких преобразований	1	2	
10.6*	Уравнения с дополнительными условиями	—	1	
	Контрольная работа № 5	1	1	
§ 11. Равносильность неравенств на множествах		7	9	Решать неравенства при помощи равносильности на множествах. Решать нестрогие неравенства
11.1	Основные понятия	1	1	
11.2	Возведение неравенств в чётную степень	2	2	
11.3*	Умножение неравенства на функцию	1	1	
11.4*	Другие преобразования неравенств	1	1	
11.5*	Применение нескольких преобразований	1	1	
11.6*	Неравенства с дополнительными условиями	—	1	
11.7*	Нестрогие неравенства	1	2	

§ 12. Метод промежутков для уравнений и неравенств		5	5	Решать уравнения (неравенства) с модулями, решать неравенства при помощи метода интервалов для непрерывных функций
12.1	Уравнения с модулями	1	1	
12.2	Неравенства с модулями	1	1	
12.3	Метод интервалов для непрерывных функций	2	2	
Контрольная работа № 6		1	1	
§ 13*. Использование свойств функций при решении уравнений и неравенств		5	6	Использовать свойства функций (областей существования, неотрицательности, ограниченности) при решении уравнений и неравенств в прикладных задачах. Использовать монотонность и экстремумы функции, свойства синуса и косинуса
13.1*	Использование областей существования функций	1	1	
13.2*	Использование неотрицательности функций	1	1	
13.3*	Использование ограниченности функций	1	2	
13.4*	Использование монотонности и экстремумов функций	1	1	
13.5*	Использование свойств синуса и косинуса	1	1	

Номер пункта	Содержание материала	Количество часов		Характеристика основных видов деятельности ученика (на уровне учебных действий)
		I	II	
§ 14. Системы уравнений с несколькими неизвестными		8	8	Знать определение равносильных систем уравнений преобразования, приводящие данную систему к равносильной. Решать системы уравнений при помощи перехода к равносильной системе. Применять рассуждения с числовыми значениями при решении уравнений и неравенств
14.1	Равносильность систем	2	2	
14.2	Система-следствие	2	2	
14.3	Метод замены неизвестных	2	2	
14.4*	Рассуждения с числовыми значениями при решении систем уравнений	1	1	
Контрольная работа № 7		1	1	

Итоговое повторение	19	20	
Итоговая контрольная работа № 8	2	2	

